

【問題Ⅰ】（配点 25）

(1) $6xy^2$ の次数は , 係数は である。

(2) 9 の平方根は と である。

(3) $\frac{1+\sqrt{5}}{1+\sqrt{2}} + \frac{1-\sqrt{5}}{1-\sqrt{2}}$ を計算すると, $\sqrt{\text{キク}}$ - となる。

(4) $\sqrt{0.48}$ を簡単にすると, $\frac{\text{コ} \sqrt{\text{サ}}}{\text{シ}}$ となる。

(5) $x^4 + 2x^2 - 24$ を因数分解せよ。

$x^2 = A$ において,

$$A^2 + 2A - 24 = (A - \text{ス})(A + \text{セ}) = (x - \text{ソ})(x + \text{タ})(x^2 + \text{セ})$$

〔問題Ⅱ〕（配点 25）

（１） 次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} 2x + y = 8 \\ 3x - 2y = 5 \end{cases}$$

$$x = \boxed{\text{ア}}, y = \boxed{\text{イ}}$$

（２） 不等式 $|2x - 4| < 2$ を解け。

$$\boxed{\text{ウエ}} < 2x - 4 < \boxed{\text{オ}} \text{ より, } \boxed{\text{カ}} < x < \boxed{\text{キ}}$$

（３） ２次方程式 $x^2 - 2x - 15 = 0$ を解け。

$$x = \boxed{\text{ク}}, x = \boxed{\text{ケコ}}$$

（４） ２次方程式 $2x^2 + 4x + 1 = 0$ を解け。

$$x = \frac{\boxed{\text{サシ}} \pm \sqrt{\boxed{\text{ス}}}}{\boxed{\text{セ}}}$$

（５） ２次不等式 $x^2 - 2x - 8 < 0$ を解け。

$$\text{左辺を因数分解すると } (x + \boxed{\text{ソ}})(x - \boxed{\text{タ}}) < 0$$

$$\text{したがって, } \boxed{\text{チツ}} < x < \boxed{\text{テ}}$$

【問題Ⅲ】（配点 25）

- (1) 2 次関数 $y = 3(x - 2)^2 + 5$ のグラフは、 $y = \boxed{\text{ア}}$ x^2 のグラフを
x 軸方向に $\boxed{\text{イ}}$ ，y 軸方向に $\boxed{\text{ウ}}$ だけ平行移動した放物線である。

- (2) 2 次関数 $y = x^2 + 10x + 24$ のグラフの軸と頂点を求めたい。

$$y = x^2 + 10x + 24 = (x + \boxed{\text{エ}})^2 - \boxed{\text{オ}}$$

軸の方程式は $x = -\boxed{\text{カ}}$

頂点の座標は $(-\boxed{\text{キ}}, -\boxed{\text{ク}})$

- (3) 2 次関数 $y = -x^2 + 6x - 4$ ($4 \leq x \leq 7$) の最大値と最小値を求めたい。

与えられた 2 次関数は

$$y = -x^2 + 6x - 4 = -(x - \boxed{\text{ケ}})^2 + \boxed{\text{コ}}$$

と変形される。よって

$$x = \boxed{\text{サ}} \text{ のとき } \text{最大値 } \boxed{\text{シ}}$$

$$x = \boxed{\text{ス}} \text{ のとき } \text{最小値 } -\boxed{\text{セソ}}$$

- (4) 頂点が点 (1, -4) で、点 (-2, 5) を通る 2 次関数を求めたい。

頂点が点 (1, -4) であるから、求める 2 次関数は

$$y = a(x - \boxed{\text{タ}})^2 - \boxed{\text{チ}}$$

とおける。グラフが点 (-2, 5) を通るから $a = \boxed{\text{ツ}}$

よって $y = \boxed{\text{ツ}}(x - \boxed{\text{タ}})^2 - \boxed{\text{チ}}$

- (5) 2 次関数 $y = 2x^2 + 8x + 7 + k$ は最小値 6 をとる。このとき定数 k を求めたい。

与えられた 2 次関数は

$$y = 2(x + \boxed{\text{テ}})^2 + k - \boxed{\text{ト}}$$

と変形される。 $x = -\boxed{\text{ナ}}$ のとき、この関数は最小値をとる。

よって $k = \boxed{\text{ニ}}$

〔問題Ⅳ〕（配点 25）

- （１） $2 \sin 45^\circ \cos 45^\circ$ の値を求めよ。

$$2 \sin 45^\circ \cos 45^\circ = \boxed{\text{ア}}$$

- （２） θ は鋭角とする。 $\sin \theta = \frac{4}{5}$ のとき、 $\cos \theta$ の値を求めよ。

$$\cos \theta = \frac{\boxed{\text{イ}}}{\boxed{\text{ウ}}}$$

- （３） $\frac{\sin 70^\circ}{\sin 110^\circ}$ の値を求めよ。

$$\frac{\sin 70^\circ}{\sin 110^\circ} = \boxed{\text{エ}}$$

- （４） $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ のとき、 $\cos \theta = -\frac{1}{2}$ を満たす θ を求めよ。

$$\theta = \boxed{\text{オカキ}}^\circ$$

- （５） $\triangle ABC$ において、 $AB = 4$ 、 $BC = 9$ 、 $\angle B = 30^\circ$ のとき、 $\triangle ABC$ の面積 S を求めよ。

$$S = \boxed{\text{ク}}$$