

〔問題 I〕 (配点 25)

(1) $a(a+4b) + (2b+3)(2b-3)$ を因数分解せよ。

$$a(a+4b) + (2b+3)(2b-3) = a^2 + \boxed{\text{ア}} ab + \boxed{\text{イ}} b^2 - \boxed{\text{ウ}}$$

$$= (a + \boxed{\text{エ}} b + \boxed{\text{オ}}) (a + \boxed{\text{カ}} b - \boxed{\text{キ}})$$

(2) 連立 3 元 1 次方程式 $\begin{cases} x+y+z=6 \\ 2x-y-z=-3 \\ x-y+z=2 \end{cases}$ を解け。

$$x = \boxed{\text{ク}}, y = \boxed{\text{ケ}}, z = \boxed{\text{コ}}$$

(3) 2 次不等式 $x^2 + 3x - 4 < 0$ を解け。

$$\boxed{\text{サシ}} < x < \boxed{\text{ス}}$$

(4) $27^{\frac{5}{3}} \times (\sqrt[3]{27^2})^{-2}$ を計算したい。

$$27^{\frac{5}{3}} \times (\sqrt[3]{27^2})^{-2} = 27^{\frac{5}{3}} \times (27^r)^{-2} = 27^s$$

$$\text{ここで } r = \frac{\boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{ソ}}}, s = \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$$

$$\text{よって, } 27^{\frac{5}{3}} \times (\sqrt[3]{27^2})^{-2} = \boxed{\text{ツ}}$$

(5) $\log_2 3 \times \log_3 10 - \log_2 5$ を計算せよ。

$$\log_2 3 \times \log_3 10 - \log_2 5 = \boxed{\text{テ}}$$

〔問題Ⅱ〕 (配点 25)

- (1) 2 点 $(1, 3)$, $(-2, -3)$ を通る直線の方程式を求めよ。

$$y = \boxed{\text{ア}}x + \boxed{\text{イ}}$$

- (2) 点 $(2, 1)$ と直線 $4x - 3y - 6 = 0$ の距離 d を求めよ。

$$d = \frac{\sqrt{\boxed{\text{ウ}}}}{\boxed{\text{エ}}}$$

- (3) 2 点 $A(-2)$, $B(8)$ に対して、線分 AB を $3:2$ に外分する点の座標 x を求めよ。

$$x = \boxed{\text{オカ}}$$

- (4) 円 $x^2 + y^2 = 25$ 上の点 $(3, 4)$ における接線の方程式を求めよ。

$$\boxed{\text{キ}}x + \boxed{\text{ク}}y = 25$$

- (5) 方程式 $x^2 + y^2 - 4kx - 8y + 20k = 0$ が円を表すように、定数 k の値の範囲を定めたい。

方程式は $(x - 2k)^2 + (y - 4)^2 = \boxed{\text{ケ}}k^2 - \boxed{\text{コサ}}k + \boxed{\text{シス}}$ と変形でき、

円であるためには $\boxed{\text{ケ}}k^2 - \boxed{\text{コサ}}k + \boxed{\text{シス}} > 0$

したがって、 $k < \boxed{\text{セ}}$, $k > \boxed{\text{ソ}}$

〔問題Ⅲ〕 (配点 25)

- (1) $0 \leq \theta < \frac{\pi}{2}$ で $\sin \theta = \frac{1}{3}$ のとき, $\cos \theta$, $\tan \theta$ の値を, それぞれ求めよ。

$$\cos \theta = \frac{\boxed{\text{ア}} \sqrt{\boxed{\text{イ}}}}{\boxed{\text{ウ}}}, \quad \tan \theta = \frac{\sqrt{\boxed{\text{エ}}}}{\boxed{\text{オ}}}$$

- (2) $\sin \theta - \cos \theta = \frac{1}{3}$ のとき, $\sin \theta \cos \theta$ の値を求めよ。

$$\sin \theta \cos \theta = \frac{\boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{キ}}}$$

- (3) α , β は鋭角で, $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $\cos \beta = \frac{3}{5}$ のとき, $\sin(\alpha - \beta)$ の値を求めよ。

$$\cos \alpha = \frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}}, \quad \sin \beta = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} \text{ より}$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \boxed{\text{シ}}$$

- (4) $0 \leq \theta < 2\pi$ のとき, 方程式 $\sin^2 \theta + 2 \sin \theta + \cos^2 \theta = 2$ を解け。

$$\sin \theta = \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \quad \text{よって, } \theta = \frac{\pi}{\boxed{\text{ソ}}}, \quad \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}} \pi$$

- (5) $0 \leq \theta < 2\pi$ のとき, 不等式 $2 \cos \theta \geq 1$ を解け。

$$\cos \theta \geq \frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テ}}} \quad \text{よって, } 0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{\boxed{\text{ト}}}, \quad \frac{\boxed{\text{ナ}}}{\boxed{\text{ニ}}} \pi \leq \theta < 2\pi$$

〔問題Ⅳ〕 (配点 20)

(1) $y = (x + 1)(2x - 3)$ を微分せよ。

$$y' = \boxed{\text{ア}} x^2 + \boxed{\text{イ}} x - \boxed{\text{ウ}}$$

(2) 曲線 $y = x^2 - 5x + 2$ 上の点 $(3, -4)$ における接線の傾きを求めよ。

$$\text{接線の傾きは } \boxed{\text{エ}}$$

(3) 条件 $F'(x) = 6x - 2$, $F(1) = 3$ を満たす関数 $F(x)$ を求めよ。

$$F(x) = \boxed{\text{オ}} x^2 - \boxed{\text{カ}} x + \boxed{\text{キ}}$$

(4) 次の等式が成り立つように、空欄を埋めよ。

$$\frac{d}{dx} \int_1^x (2t + 1) dt = \boxed{\text{ク}} t^2 + \boxed{\text{ケ}} t + \boxed{\text{コ}} x^2 + \boxed{\text{サ}} x + \boxed{\text{シ}}$$

〔問題Ⅴ〕 (配点 5)

次のデータは、4人の生徒が行ったハンドボール投げの記録である。

22, 14, 11, 17 (m)

平均値 $\bar{x}$ と分散 s^2 を求めよ。

$$\bar{x} = \boxed{\text{アイ}} \text{ (m)}$$

$$s^2 = \frac{\boxed{\text{ウエ}}}{\boxed{\text{オ}}}$$