〔問題 I〕(配点 25)

次の問いに答えよ。答えは計算の途中も含めて解答用紙の解答欄に記入すること。

- (1) $\left(\sqrt{7}-\sqrt{2}\right)^2$ を計算せよ。
- (2) $xy^3 \times (-3x^3y)^2$ を計算せよ。
- (3) (3x+5)(2x+7) を展開せよ。
- (4) $\frac{5}{\sqrt{5}+2} + \frac{5}{\sqrt{5}-2}$ を計算せよ。
- (5) 不等式 $2x-3 \le 5x+9$ を解け。

〔問題Ⅱ〕(配点 25)

次の問いに答えよ。答えは計算の途中も含めて解答用紙の解答欄に記入すること。

- (1) 軸が直線 x=1 で、2点 (2,-1)、(3,2) を通る放物線をグラフとする 2次関数を求めよ。
- (2) 不等式 $8(x-1)(x-2)+x^2 \le 0$ を解け。
- (3) 2次関数 $y=2x^2+3x-2$ ($-3 \le x \le 0$) の最大値, 最小値を求めよ。
- (4) 点 (3,-5) と直線 4x-3y-12=0 との距離を求めよ。
- (5) 直線 x+y=4 と円 $x^2+y^2=8$ の共有点の座標を求めよ。

〔問題Ⅲ〕(配点 25)

次の問いに答えよ。答えは計算の途中も含めて解答用紙の解答欄に記入すること。

- (1) 1° を弧度で表せ。
- $\tan \frac{\theta}{2} + \sqrt{3} = 0$ を満たす θ の値を求めよ。
- $y = \cos\left(2\theta \frac{\pi}{3}\right)$ の周期を求めよ。
- $\sin \alpha \sin \beta = \frac{1}{3}$, $\cos \alpha + \cos \beta = \frac{1}{2}$ のとき, $\cos(\alpha + \beta)$ の値を求めよ。
- (5) $-\pi \le \theta < \pi$ のとき、関数 $y = 2\sin\theta + 2\cos^2\theta 3$ の最大値と最小値を求めよ。 また、そのときの θ の値を求めよ。

〔問題IV〕(配点 25)

次の問いに答えよ。答えは計算の途中も含めて解答用紙の解答欄に記入すること。

- $\lim_{h\to 0} \frac{\lim_{h\to 0} \frac{2(3+h)^2 2\cdot 3^2}{(3+h)-3}}{\mathop{\varepsilon} x \otimes \downarrow_0}$
- (2) 曲線 $y=3x^2-2x+1$ 上の点 (1,2) における接線の方程式を求めよ。
- (3) 関数 $y = x^3 + 3x^2 9x + 1$ の極値を求めよ。
- (4) 定積分 $\int_0^1 (3x^2 2x + 1) dx$ を求めよ。
- (5) 関数 $f(x) = \int_{12}^{x} (2t^2 t 1) dt$ を x について微分せよ。